

▪ **Partie numérique :**

Exercice 1 :

Pour chacune des équations suivantes, vérifiez si les nombres 2 et -1 sont solutions ou pas.

- $x^2 + 6x + 1 = 7x + 1$ (Equation n°1)
- $(x - 3)(x + 2) = -4x$ (Equation n°2)

Equation n°1 :

Pour $x = 2$:

- $x^2 + 6x + 1 = 2^2 + 6 \times 2 + 1 = 4 + 12 + 1 = 17$
- $7x + 1 = 7 \times 2 + 1 = 14 + 1 = 15$

Donc 2 n'est pas solution de cette équation car $15 \neq 17$

Pour $x = -1$:

- $x^2 + 6x + 1 = (-1)^2 + 6 \times (-1) + 1 = 1 - 6 + 1 = -4$
- $7x + 1 = 7 \times (-1) + 1 = -7 + 1 = -6$

Donc -1 n'est pas solution de cette équation car $-4 \neq -6$

Equation n°2 :

Pour $x = 2$:

- $(x - 3)(x + 2) = (2 - 3) \times (2 + 2) = -1 \times 4 = -4$
- $-4x = -4 \times 2 = -8$

Donc 2 n'est pas solution de cette équation car $-4 \neq -8$

Pour $x = -1$:

- $(x - 3)(x + 2) = (-1 - 3) \times (-1 + 2) = -4 \times 1 = -4$
- $-4x = -4 \times (-1) = 4$

Donc -1 n'est pas solution de cette équation car $-4 \neq 4$

Exercice 2 :

Résoudre les équations suivantes :

- $5x + 12 = 3x - 21$
- $(3x - 2)(7 - 5x) = 0$
- $\frac{4}{3}x - 16 = 4x - 9$

Equation n°1 :

$$\begin{aligned}
 5x + 12 &= 3x - 21 \\
 5x + 12 - 12 &= 3x - 21 - 12 \\
 5x &= 3x - 33 \\
 5x - 3x &= 3x - 33 - 3x \\
 2x &= -33 \\
 \frac{2x}{2} &= \frac{-33}{2} \\
 x &= -16,5
 \end{aligned}$$

La solution de cette équation est -16,5

Equation n°2 :

Comme un produit de facteurs est nul si l'un au moins de ses facteurs est nul alors

$$(3x - 2)(7 - 5x) = 0 \text{ lorsque } 3x - 2 = 0 \text{ ou } 7 - 5x = 0$$

$$\begin{array}{lcl} 3x - 2 = 0 & \text{ou} & 7 - 5x = 0 \\ 3x - 2 + 2 = 0 + 2 & \text{ou} & 7 - 5x + 5x = 5x \\ 3x = 2 & \text{ou} & 7 = 5x \\ \frac{3x}{3} = \frac{2}{3} & \text{ou} & \frac{7}{5} = \frac{5x}{5} \\ x = \frac{2}{3} & \text{ou} & x = \frac{7}{5} \end{array}$$

Les solutions de cette équation sont $\frac{2}{3}$ et $\frac{7}{5}$

Equation n°3 :

$$\begin{array}{l} \frac{4}{3}x - 16 = 4x - 9 \\ \frac{4}{3}x - 16 + 16 = 4x - 9 + 16 \\ \frac{4}{3}x = 4x + 7 \\ \frac{4}{3}x - 4x = 4x + 7 - 4x \\ \frac{4}{3}x - \frac{12}{3}x = 7 \\ -\frac{8}{3}x = 7 \\ -\frac{8}{3}x \div \left(-\frac{8}{3}\right) = 7 \div \left(-\frac{8}{3}\right) \\ x = 7 \times \left(-\frac{3}{8}\right) \\ x = -\frac{21}{8} \end{array}$$

La solution de cette équation est $-\frac{21}{8}$

Exercice 3 :

Soit l'inéquation $-5(x + 3) + 4 > 0$

- 1) Le nombre -2 est-il solution de cette inéquation ? Justifier.
- 2) Résoudre cette inéquation.
- 3) Représenter les solutions sur une droite graduée. (*Vous hachurerez la partie qui ne convient pas*)

1)

Pour $x = -2$:

- $-5(x + 3) + 4 = -5 \times (-2 + 3) + 4 = -5 \times 1 + 4 = -5 + 4 = -1$
- $0 = 0$

Or comme -1 n'est pas supérieur à 0 , alors -2 n'est pas solution de cette équation.

2)

$$\begin{aligned}
 -5(x + 3) + 4 &> 0 \\
 -5 \times x - 5 \times 3 + 4 &> 0 \\
 -5x - 15 + 4 &> 0 \\
 -5x - 11 &> 0 \\
 -5x - 11 + 11 &> 0 + 11 \\
 -5x &> 11 \\
 -5x &< \frac{11}{-5} \\
 x &< -\frac{11}{5}
 \end{aligned}$$

Les solutions de cette inéquation sont toutes les valeurs de x strictement inférieures à $-\frac{11}{5}$

3)



Exercice 4 :

Résoudre les inéquations suivantes et représenter leurs solutions sur une droite graduée (*Vous hachurerez la partie qui ne convient pas*)

- $-5x - 5 \geq 3x - 21$
- $(x + 7) - (3x + 4) \leq 3(2x - 1)$
- $\frac{1}{6}x - \frac{2}{7} = 1 + \frac{2}{3}x$

Inéquation n°1 :

$$\begin{aligned}
 -5x - 5 &\geq 3x - 21 \\
 -5x - 5 + 5 &\geq 3x - 21 + 5 \\
 -5x &\geq 3x - 16 \\
 -5x - 3x &\geq 3x - 16 - 3x \\
 -8x &\geq -16 \\
 -8x &\leq \frac{-16}{-8} \\
 x &\leq 2
 \end{aligned}$$

Les solutions de cette inéquation sont toutes les valeurs de x inférieures ou égales à 2



Inéquation n°2 :

$$\begin{aligned}
 (x + 7) - (3x + 4) &\leq 3(2x - 1) \\
 x + 7 - 3x - 4 &\leq 3 \times 2x + 3 \times (-1) \\
 -2x + 3 &\leq 6x - 3 \\
 -2x + 3 + 3 &\leq 6x - 3 + 3 \\
 -2x + 6 &\leq 6x \\
 -2x + 6 + 2x &\leq 6x + 2x \\
 6 &\leq 8x
 \end{aligned}$$

$$\frac{6}{8} \leq \frac{8x}{8}$$

$$x \geq \frac{3}{4}$$

Les solutions de cette inéquation sont toutes les valeurs de x supérieures ou égales à $\frac{3}{4}$

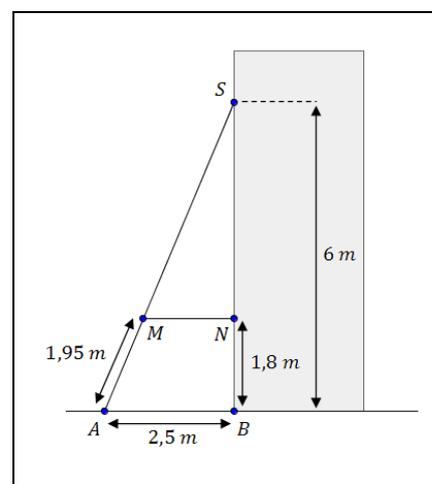


▪ **Partie géométrie :**

Exercice 5 : Contrefort (Brevet 2002)

Pour consolider un bâtiment, on construit un contrefort en bois comme sur la figure ci-contre.

- 1) En considérant que le montant $[BS]$ est perpendiculaire au sol, calculer la longueur AS .
- 2) En déduire les longueurs SM et SN .
- 3) Démontrer que la traverse $[MN]$ est bien parallèle au sol.
- 4) Calculer la longueur MN de deux façons différentes.



- 1) En considérant que le montant $[BS]$ est perpendiculaire au sol, cela implique que le triangle ABS est rectangle en B , alors d'après le théorème de Pythagore, on a :

$$AS^2 = AB^2 + BS^2$$

$$AS^2 = 2,5^2 + 6^2$$

$$AS^2 = 6,25 + 36$$

$$AS^2 = 42,25$$

$$AS = \sqrt{42,25}$$

$$AS = 6,5 \text{ cm}$$

- 2) Comme $N \in [SB]$, $SN = SB - NB = 6 - 1,8 = 4,2 \text{ cm}$
Comme $M \in [SA]$, $SM = SA - MA = 6,5 - 1,95 = 4,55 \text{ cm}$

- 3) On commence par calculer séparément :

$$\circ \frac{SN}{SB} = \frac{4,2}{6} = 0,7$$

$$\circ \frac{SM}{SA} = \frac{4,55}{6,5} = 0,7$$

Comme $\frac{SN}{SB} = \frac{SM}{SA}$ et que les points S, N, B sont alignés dans le même ordre que les points S, M, A

Alors, d'après la réciproque du théorème de Thalès, $(MN) \parallel (BC)$

4) 1ère façon de calculer MN :

Comme le triangle SMN est rectangle en N , alors d'après le **théorème de Pythagore**, on a :

$$\begin{aligned}SM^2 &= MN^2 + SN^2 \\4,55^2 &= MN^2 + 4,2^2 \\MN^2 &= 20,7025 - 17,64 \\MN^2 &= 3,0625 \\MN &= \sqrt{3,0625} \\MN &= 1,75 \text{ cm}\end{aligned}$$

2nde façon de calculer MN :

Dans le triangle SAB ,

- Les points S, M, A sont alignés
- Les points S, N, B sont alignés
- $(MN) \parallel (BC)$ (d'après la question 3))

Alors, d'après **le théorème de Thalès**, on a :

$$\begin{aligned}\frac{SM}{SA} &= \frac{MN}{AB} = \frac{SN}{SB} \\ \frac{4,55}{6,5} &= \frac{MN}{2,5} = \frac{4,2}{6}\end{aligned}$$

Et donc, $MN = \frac{2,5 \times 4,55}{6,5} = 1,75 \text{ cm}$